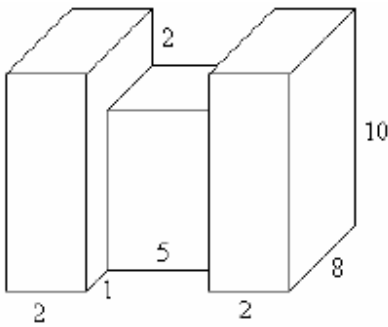
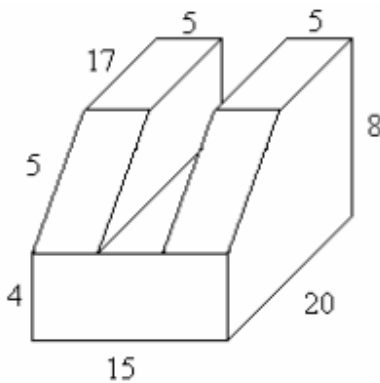


## Povrch a objem netradičních těles

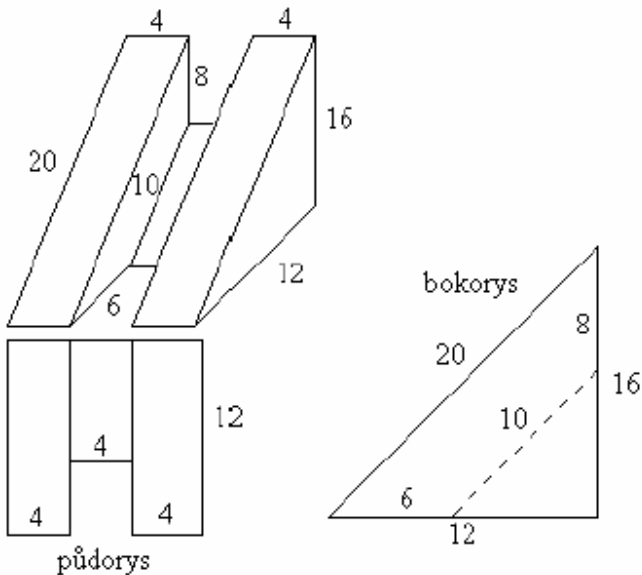
1. Vypočítí objem a povrch tělesa na obrázku, rozměry jsou v centimetrech.



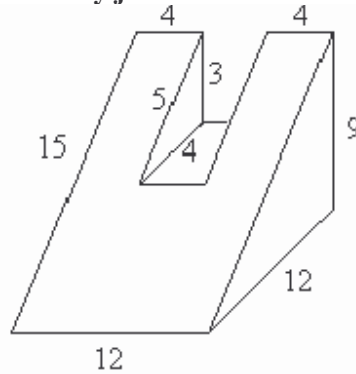
2. Vypočítí objem a povrch tělesa na obrázku, rozměry jsou v centimetrech.



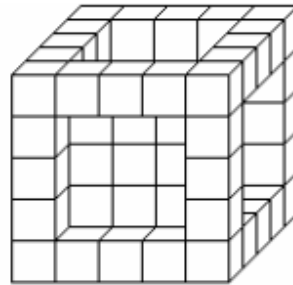
3. Vypočítí objem a povrch tělesa na obrázku, rozměry jsou v centimetrech.



4. Vypočítí objem a povrch tělesa na obrázku, rozměry jsou v centimetrech.

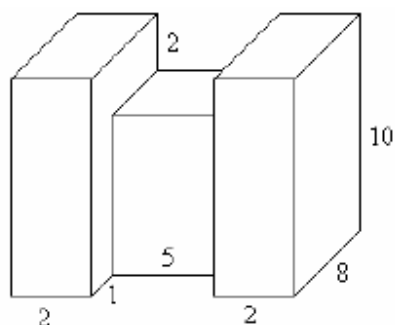


5. Původně byla na obrázku krychle sestavená ze 125 krychliček (každá má hranu 2 cm dlouhou). Pak jsme ale z každé stěny odebrali devět krychliček tak, aby uprostřed každé stěny vznikla „prohlubeň“. Jaký objem a povrch má toto těleso?



## Řešení a výsledky

1. Vypočítí objem a povrch tělesa na obrázku, rozměry jsou v centimetrech.



$$V_1 = 2 \cdot 2 \cdot 10 = 160 \text{ m}^3; \quad V_2 = 5 \cdot 8 \cdot 7 = 280 \text{ m}^3; \quad V_3 = 160 \text{ m}^3;$$

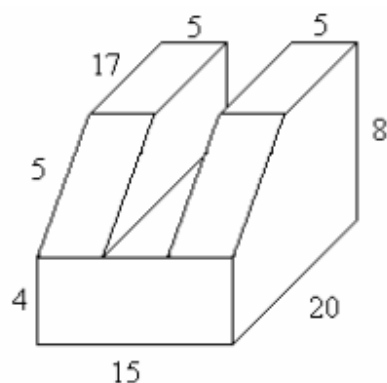
$$V = 2 \cdot V_1 + V_2 = 600 \text{ m}^3$$

Povrch: každé těleso zvlášť a odečteme „styčné“ plochy

$$S_1 = 232 \text{ m}^2; \quad S_2 = 262 \text{ m}^2; \quad S_3 = 232 \text{ m}^2; \quad \text{odečteme } 4x \text{ obdélník } 7 \cdot 8$$

$$S = 502 \text{ m}^2$$

2. Vypočítí objem a povrch tělesa na obrázku, rozměry jsou v centimetrech.



Objem: podstavec + dvě nadstavby (lichoběžník vyjde 74m<sup>2</sup>)

$$V_1 = 15 \cdot 20 \cdot 4 = 1200 \text{ m}^3; \quad V_2 = 74 \cdot 5 = 370 \text{ m}^3; \quad V_3 = 370 \text{ m}^3;$$

$$V = V_1 + 2 \cdot V_2 = 1940 \text{ m}^3$$

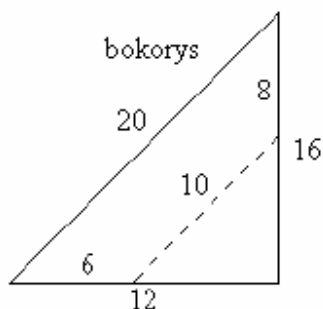
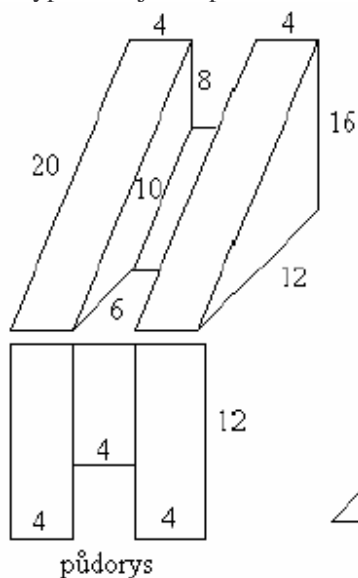
Povrch: každé těleso zvlášť a odečteme „styčné“ plochy

$$S_1 = 880 \text{ m}^2; \quad S_2 = 2 \cdot 74 + 46 \cdot 5 = 148 + 230 = 378 \text{ m}^2;$$

odečteme 4x obdélník 5.20

$$S = 1236 \text{ m}^2$$

3. Vypočítí objem a povrch tělesa na obrázku, rozměry jsou v centimetrech.



Boční stěnu označíme  $S_1$ , u vnitřní hranůlku  $S_2$

$$S_1 = (16 \cdot 12) : 2 = 96 \text{ m}^2; \quad S_2 = (6 \cdot 8) : 2 = 24 \text{ m}^2$$

$$V_1 = S_1 \cdot 4 = 384 \text{ m}^3; \quad V_2 = S_2 \cdot 4 = 96 \text{ m}^3; \quad V_3 = 384 \text{ m}^3;$$

$$V = 2 \cdot V_1 + V_2 = 864 \text{ m}^3$$

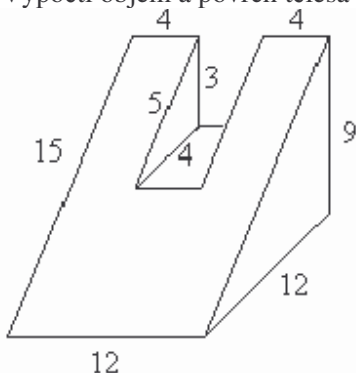
Povrch: každé těleso zvlášť a odečteme „styčné“ plochy

$$S_{11} = 2 \cdot S_1 + 4 \cdot 48 = 384 \text{ m}^2; \quad S_{21} = 2 \cdot S_2 + 4 \cdot 24 = 144 \text{ m}^2;$$

$$S_{31} = 384 \text{ m}^2; \quad \text{odečteme } 4x \text{ trojúhelník } S_2$$

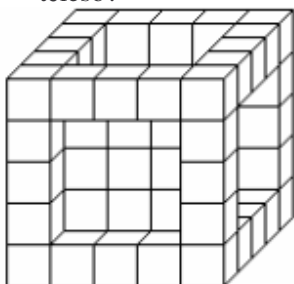
$$S = 816 \text{ m}^2$$

4. Vypočti objem a povrch tělesa na obrázku, rozměry jsou v centimetrech.



Boční stěnu označíme  $S_1=(9 \cdot 12):2=54 \text{ m}^2$ ; stěnu výřezu  $S_2=(3 \cdot 4):2=6 \text{ m}^2$   
 Původní těleso:  $V_1=S_1 \cdot 12=648 \text{ m}^3$ ; výřez  $V_2=S_2 \cdot 4=24 \text{ m}^3$ ;  
 $V=V_1-V_2=624 \text{ m}^3$   
 Povrch: původně  $2 \cdot S_1+36 \cdot 12=540 \text{ m}^2$   
 odebereme:  $4 \cdot 5+3 \cdot 4=32 \text{ m}^2$ ; přidáme  $4 \cdot 4+2 \cdot S_2=28 \text{ m}^2$ ;  
 ubudou  $4 \text{ m}^2$   
 $S=540-32+28=536 \text{ m}^2$

5. Původně byla na obrázku krychle sestavená ze 125 krychliček (každá má hranu 2 cm dlouhou). Pak jsme ale z každé stěny odebrali devět krychliček tak, aby uprostřed každé stěny vznikla „prohlubeň“. Jaký objem a povrch má toto těleso?



Jedna krychle  $8 \text{ cm}^3$ , jeden čtvereček  $4 \text{ cm}^2$   
 počet krychlí  $27$  (uvnitř) +  $16+16$  (předek a zadek) +  $4 \cdot 3$  (spojení předek – zadek) =  $71$  krychlí ...  $V=71 \cdot 8=568 \text{ cm}^3$   
 počet čtverečků na stěně ...  $25+12=37$ ;  
 čtverečků celkem ...  $6 \cdot 37 = 222$   
 $S=222 \cdot 4=888 \text{ cm}^2$